

直積表(田んぼのかけ算の逆)より「因数分解」の計算

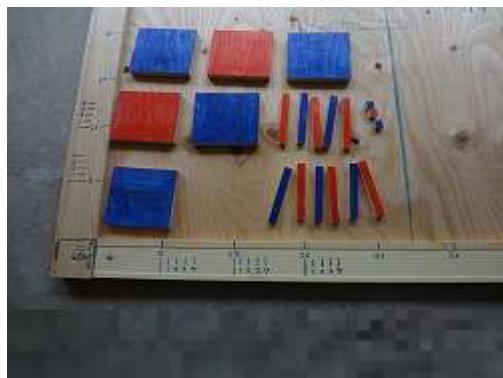
2016. 12. 10 武田

1. 展開公式を覚えられない子どもたちは、逆の因数分解の公式はもっと覚えられない

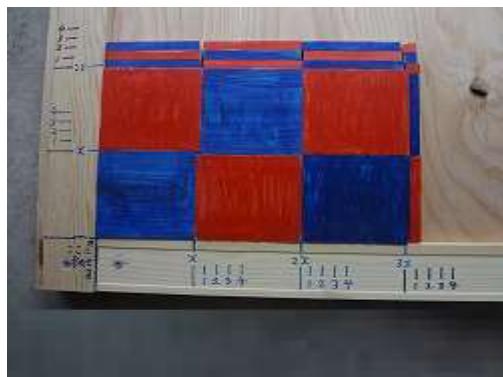
下の写真のように大きな正方形 6 個（色はカラフルなだけで関係ない）と細長い棒を 1 本と小さな正方形 3 個を用意します。

大きい正方形は、一辺が x として面積が x^2 となります。細長い棒は、縦が x と同じ長さにして、横は 1 とします。小さい正方形は、一辺が 1 の面積が 1 とします。

いま、2 次式 $6x^2 + 11x + 3$ を合体させて、奇麗な長方形を作る作業をします。



試行錯誤の末に、次のような長方形ができれば完成です。



そしてこの大きな長方形の面積を縦の長さと横の長さの積で表すと、因数分解になります。（因数分解の意味がここにあります）

$$\begin{array}{c} \text{縦} & \text{横} \\ (2x+3) & (3x+1) \end{array}$$

したがって、

$$6x^2 + 11x + 3 = (2x+3)(3x+1)$$

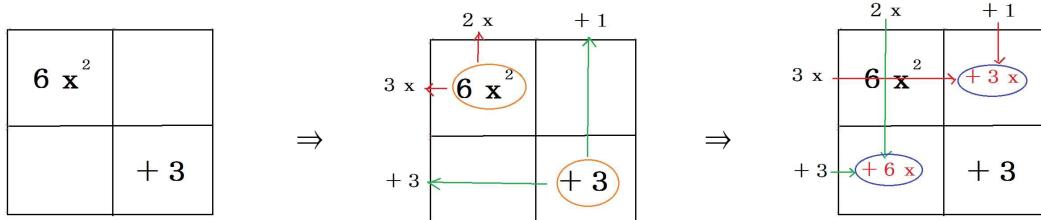
2. この教材を使って、次の演習をさせます。まだ、マイナスの係数は扱えません。

- ① $6x^2 + 11x + 4$
- ② $6x^2 + 10x + 4$
- ③ $6x^2 + 9x + 3$
- ④ $4x^2 + 8x + 3$
- ⑤ $3x^2 + 7x + 4$

3. マイナスの係数を扱うには

マイナス係数を扱うために、実物教材から直積表（田んぼのかけ算と同じ図表）による演習へ進化します。

まずは、 $6x^2 + 11x + 3$ においてやってみます。



最初と最後の 2 項を
左上と右下に入れる

それぞれ 2 つの積に
分ける。符号もつける

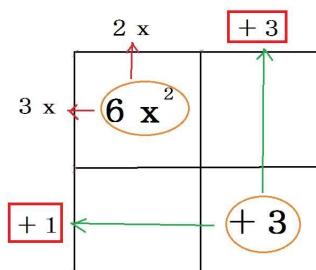
右上と左下の空欄に
その面積を入れる。
正負の計算もする。

後から入れた右上と左下の x の項（同類項になっている）の和を計算する。

$$+3x + 6x = +9x$$

問題の $6x^2 + 11x + 3$ の x の項は $+11x$ だから、この直積表の計算は誤答となる。
一般に因数分解は誤答が多く、正答を発見するまで四苦八苦すると印象を与えておかないと、1回やってうまくいかないと投げ出すクセがなかなか治らなくなる。

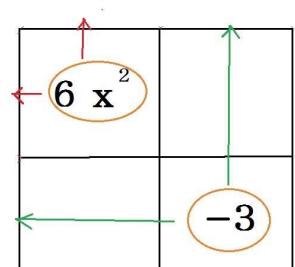
正解は、2番目の分解するところをやり直したらできました。



$$6x^2 + 11x + 3 = (2x + 3)(3x + 1)$$

4. マイナスが出てくる実例

(例) 次の 2 次式を因数分解せよ。 $6x^2 - 7x - 3$



-3 を 2 つに分解するとき、符号もつけて分けることに注意する。正負の数のかけ算の再学習にもなる。

右上と左下の和（符号がついているので、正負の数の計算の再学習と考えたほうが良い）が、 $-7x$ となったとき正解です。

そのとき、縦と横の式をそれぞれ () で囲んで、積の形にしたのが、解答の因数分解です。

$$6x^2 - 7x - 3 = (2x - 3)(3x + 1)$$

ワークなどの演習問題をたくさんやることで、直積表を利用した因数分解に慣れていくでしょう。